

第2章 数学のことばを身につけよう

第1章「正負の数」では、「0（ゼロ）」という基準値を導入することで、小学校では「正の数」しか扱えなかったけど、中学生になって「負の数」が扱えるようになったね。

基準値については、「0（ゼロ）」以外にも、「平均」や「ある日の温度」などを基準値にして、基準値との差を正負の数を使ってあらわすことで計算を効率よく行うことを学習したね。

2023年度神奈川県公立高等学校入学者選抜学力検査では、「平均」を使って計算を効率よく行うことを求めた問題が、形を変えて、問3（イ）（Ⅱ）で出題されているよ。

3年生の夏休みごろ、覚えていたら過去問の該当箇所をみてみてね。

さて、本題の第2章だけど、これまでは「数」を使った式を扱ってきたね。これからは「数」に加えて、「文字」を使った式を扱うよ。

第1節 文字を使った式

1. 文字の使用

文字を使うことで、すべての場合をまとめた式が作れるようになるよ。

たとえば、これまでは、1冊100円のノートを3冊買うと代金はというと
 $100(\text{円}) \times 3(\text{冊}) = 300(\text{円})$ という式を使っていたね。
これだと、5冊買うときは別な式を使わなければならないよね。

第2章では、何冊買っても1つの式で表せる方法を学ぶよ。

$100(\text{円}) \times x(\text{冊}) = 100x(\text{円})$ という具合だ。

2. 文字を使った式の表し方

- (1) 文字のまじった乗法では、記号 \times をはぶく。
- (2) 文字と数の積では、数を文字の前に書く。
- (3) 同じ文字の積は累乗の指数を使って表す。
- (4) 文字の混じった除法では、記号 \div を使わずに、分数の形で書く。

3. 代入と式の値

代入：

式の中の文字を数に置き換えることを、文字にその数を代入するという。

式の値：

代入して計算した結果を、そのときの式の値という。

第2章 第2節 文字式の計算

1. 1次式の計算

項：

式（**加法記号+に直した式**）で、加法の記号+で結ばれた、それぞれを項という。

係数：

文字を含む項で、数の部分を、その文字の係数という。

たとえば、

$$5a - \frac{b}{4} - \frac{1}{3} \text{ なら、}$$

$$5a + \left(-\frac{b}{4}\right) + \left(-\frac{1}{3}\right) \text{ だから}$$

項は

$$5a、-\frac{b}{4}、-\frac{1}{3} \text{ (文字だけの項は定数項というよ)}$$

係数は

$$a \text{ の係数は } 5, \quad b \text{ の係数は } -\frac{1}{4}。$$

$-\frac{1}{3}$ は文字を含んでいないので、係数ではない。

同類項：

文字の部分が同じ項を同類項というよ。

同類項どうしは、係数どうしで加算・減算できる。

「文字部分の係数」と「数」でわったり、かけたりできる。

1次式同士の乗算・除算は1年生ではやらないよ。

ところで、

1次式：

項のうち、文字が1つの項を1次の項という。

1次の項だけか、1次の項と数の項の和で表すことができる式を1次式という。

たとえば、

$2x^2$ は、 x という文字が2つと数えるので、1次式ではないよ。

$2x + 4y + 5$ は、式全体では文字が2つあるけど、**各項は文字が1つ**なので1次式だよ。

$3xy$ は、1つの項の中に文字が2つあるので、1次式ではないよ（2つあるので2次式）。

単項式：

項が1つの式を単項式というよ。

単項式は項が1つだから、項の次数が式の次数になるよ。

多項式：

項が複数ある式を多項式というよ。

多項式は項が複数あるから、式全体の次数はどうなるんだろう。

もっとも高い次数がその式の次数になるよ。

$x^2 + 5x - 9$ 場合、次数がもっとも高い項は x^2 なので、2次式になるよ。

<計算の仕方の確認>

(1) 1次式の加法・減法

$$-5x - (-7x + 3)$$

$$= -5x + 7x - 3$$

$$= 2x - 3$$

(括弧)の前に減法の記号があるとき、

第1章の「正負の数」の減法でならった

「正の数、負の数をひくことは、その数の符号を変えて加えることと同じである。」

と一貫性を保つのがよく、

(括弧)を1つの文字と考え、

減法記号(−)を加法記号(+にかえ、

(括弧)の中の数値の符号をかえて、括弧をはずす方法がよい。

(2) 1次式の乗法

$$2(x + 3) - 3(2x - 1)$$

$$= 2x + 6 - 6x + 3$$

$$= -4x + 9 \quad \cdot \cdot \quad \text{教科書 (計算は早い、(1) との一貫性が間接的)}$$

あるいは

$$2(x + 3) - 3(2x - 1)$$

$$= 2x + 6 - (6x - 3)$$

$$= 2x + 6 + (-6x + 3)$$

$$= -4x + 9 \quad \cdot \cdot \quad \text{計算は遅い、(1) との一貫性が直接的}$$

(3) 1次式の除法

$$\frac{2x+1}{3} \times 6 = (2x+1) \times 2 = 4x+2$$

約分で分数ではなくなったが、 $2x+1$ はあくまで1つの文字の扱いなので

必ず(括弧)でくくって、分配法則で計算する。

第2章 第3節 文字式の利用

1. 数の表し方

文字式を利用して、整数の性質を調べてみよう。

(1) O の倍数 $O n$

(2) 偶数 $2 n$

(3) 奇数 $2 n - 1$ or $2 n + 1$

(4) n が整数の時、2つの続いた整数は n 、 $n + 1$ と表せる。

2つの続いた数はどんな数になるか。

$n + n + 1 = 2 n + 1$ (偶数)

2. 数量の間の関係の表し方

等式と不等式

等式：

等号を使って数量の関係を表した式

不等式：

不等号を使って数量の関係を表した式

未満・小さいは等号なし、大きいも等号なし

以下・以上は等号を含む

左辺、右辺

左辺：

等号や不等号の左の部分

右辺：

等号や不等号の右の部分

規則性を読みとって関係を表す式を作る<教科書に追加>
 (整数のいろいろな性質を表す式)

1. パターン1<等差数列のn番目>

隣接する各項の差が等しい数列(等差数列)のn番目の数

$$\text{始めの数} + \text{増える数}(n+1) = n \text{番目の数}$$

2. パターン2<等差数列の和>

$$\frac{n}{2} \times (\text{最初の数} + \text{最後の数})$$

3. パターン3< n^2 >

各項の累乗(たとえば二乗)で増えている数列のn番目の数

$$n^2 = n \text{番目の数}$$

4. パターン4

増加する数が1から1つずつ増えていく数列のn番目の数

番目	1	2	3	4
番の値	1	3	6	10

増加数	+2	+3	+4
-----	----	----	----

たとえば、4番目の値は、

$1 + 2 + 3 + 4 = 10$ これを計算するには、数字を逆転させて

$4 + 3 + 2 + 1 = 10$ とし、足し合わせて、2で割れば求められる。

4番目なら、 $(4 + 1)$ など「5」が4個の半分。

なので、

$$\frac{n(n+1)}{2} = n \text{番目の数} \quad \frac{n^2 + n}{2}$$

となる。

5. パターン5

増加する数が1+から1つずつ増えていく数列のn番目の数

番目	1	2	3	4
番の値	1	2	4	7

増加数	+1	+2	+3
-----	----	----	----

たとえば、4番目の値は、

$1 + 1 + 2 + 3 = 7$ これを計算するには、はじめの1を除いて

$1 + 2 + 3$ 数字を逆転させて

$3 + 2 + 1 =$ とし、足し合わせて、2で割れば求められる。

ただし、ケース3と違うのは、

$1 + 3$ の合計は「4」だが、「4」がいくつできるかは、

「 $4 - 1$ 」個、つまり $n - 1$ になるよね。

なので、

$$\frac{n(n-1)}{2} = n \text{ 番目の数} \quad \text{そして除いた「1」をプラスして}$$

$$1 + \frac{n(n-1)}{2} = n \text{ 番目の数}$$

となる。

6. パターン6<その他>

(1) 数字 $\times n \rightarrow$ 倍数

(2) $2n \rightarrow$ 偶数

(3) $2n - 1 \rightarrow$ 奇数 or $2n + 1$

7. パターン7<差 $\times n +$ 調整>

整数のいろいろな性質を表す式を使った問題の解き方

1. 提示された数を使って、問題が求めるものについて、自身で表を作り、表から増加の規則性を読み取り（前述のパターン）、すべての場合をまとめた式を作り、それを解く。

問題が求めるものとは、たとえば面積、表面積、図形の個数、その図形を構成する棒の数などだよ。

2. 規則性は読み取れるが、式を作れない場合

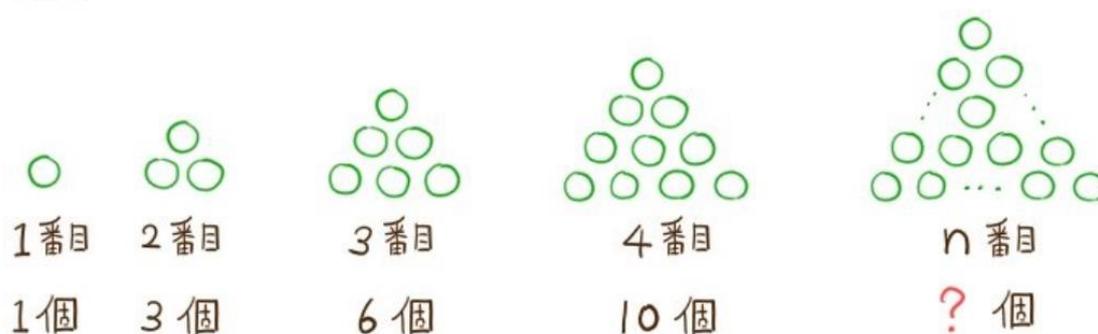
$an^2 + bn + c$ を3つ作って、その連立方程式を解く。（中2）

規則から逸脱する条件がある場合は使えない。

3. 提示された図表から、規則性を読み取り、式を作り解く。

規則性問題— 1

1番目から順に、丸が次のように規則的に並んでいる。このとき n 番目の丸の個数を n の式で表せ。



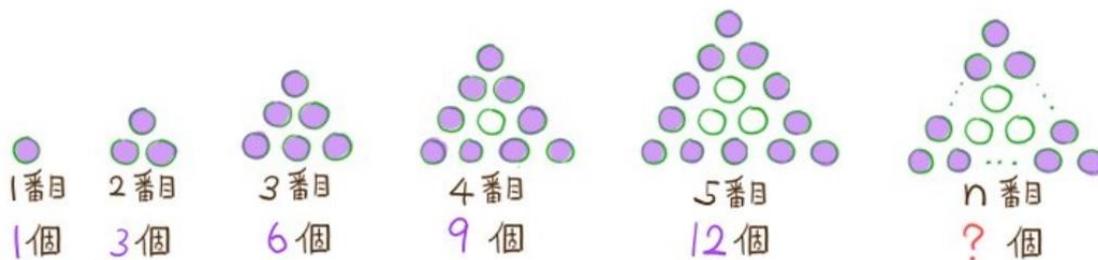
番目	1	2	3	4	n
丸の個数	1	3	6	10	?
増加の数		+2	+3	+4	

増加する数が1から1つずつ増えていく数列の n 番目の数

パターン4

$$\frac{n(n+1)}{2} = n \text{ 番目の数}$$

規則性問題—2



先程の図に対して、次のように最も周りの丸の数について考える。このとき、 n 番目の数を n の式を表せ。ただし n は 2 以上の自然数とする。

番目	1	2	3	4	5	n
丸の個数	1	3	6	9	12	?
増加の数		+2	+3	+3	+3	

$n = 2$ 以上をみると、

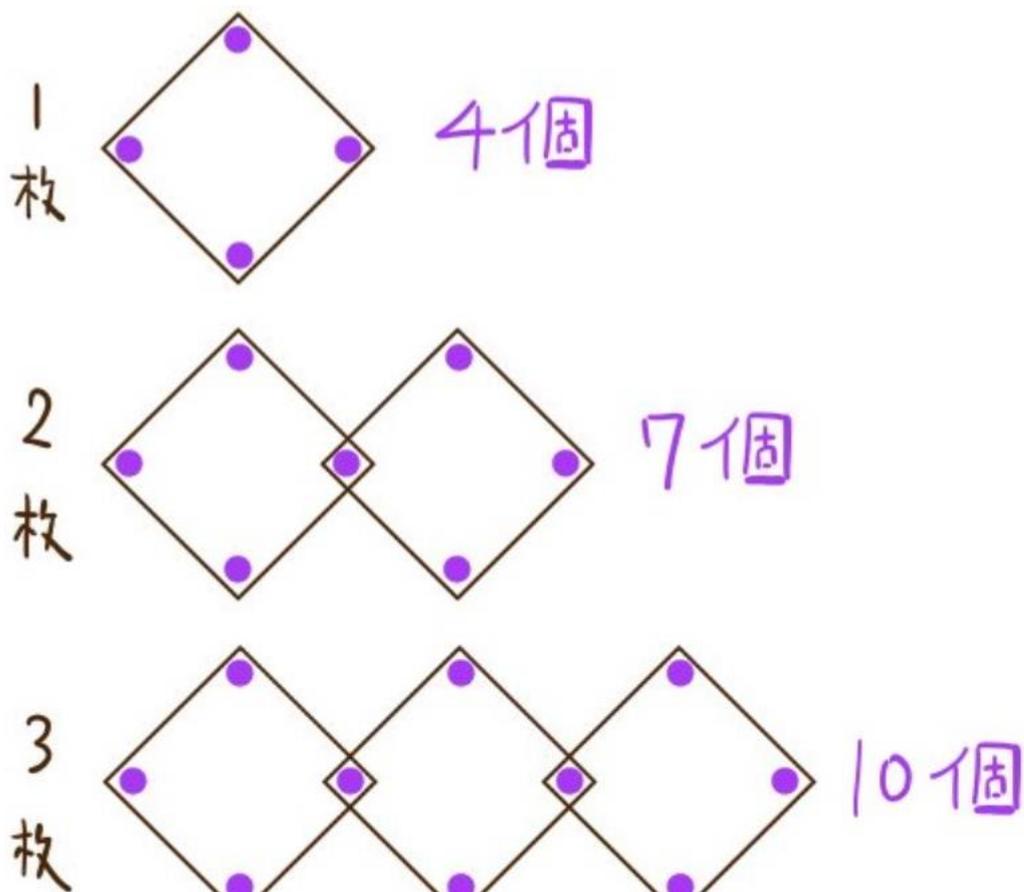
番目		2	3	4	5	n
丸の個数		3	6	9	12	?
		$3 \times (2-1)$	$3 \times (3-1)$	$3 \times (4-1)$	$3 \times (5-1)$	

丸の個数は 3×1 , 3×2 , $3 \times 3 \dots$ と増加

つまり、 n で表すと $3(n-1) = 3n-3$ パターン7

規則性問題—3

(1) 正方形の紙の四隅に画びょうを刺し、壁に貼り付けていく。貼り付ける紙を2枚、3枚と増やすにつれ、次のように規則正しく貼り付けていく。紙をn枚使用するときを使う画びょうの数をnの式で表せ。



何枚目	1	2	3	n
鋏の数	4	7	10	?
増加		+3	+3	

はじめの鋏の数 = 4

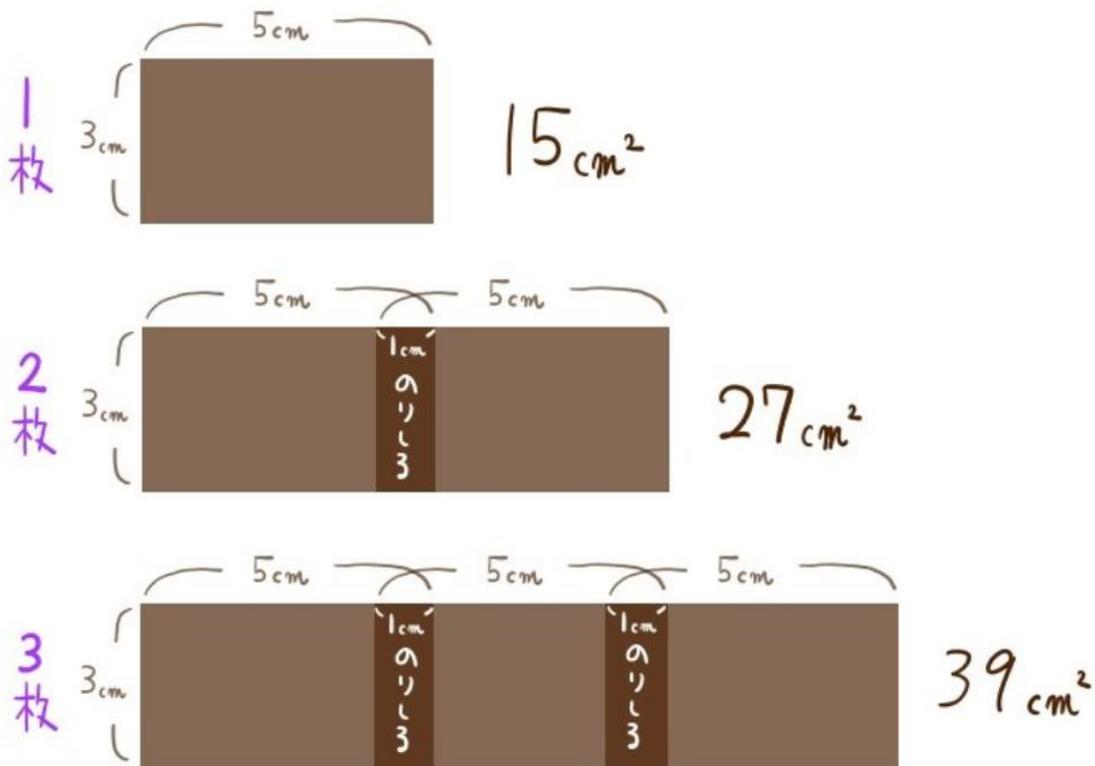
増える数 = 3

n番目の鋏の数 = $4 + 3(n - 1)$ パターン1

= $3n + 1$

規則性問題—4

縦5cm、横3cmの長方形の紙を、のりしろ1cmで次のように張り合わせていく。
 n枚の紙をつなげたときの面積をnの式で表せ。



何枚目	1	2	3	n
紙の面積	15	27	39	?
増加		+12	+12	

始めの紙の面積 = 15

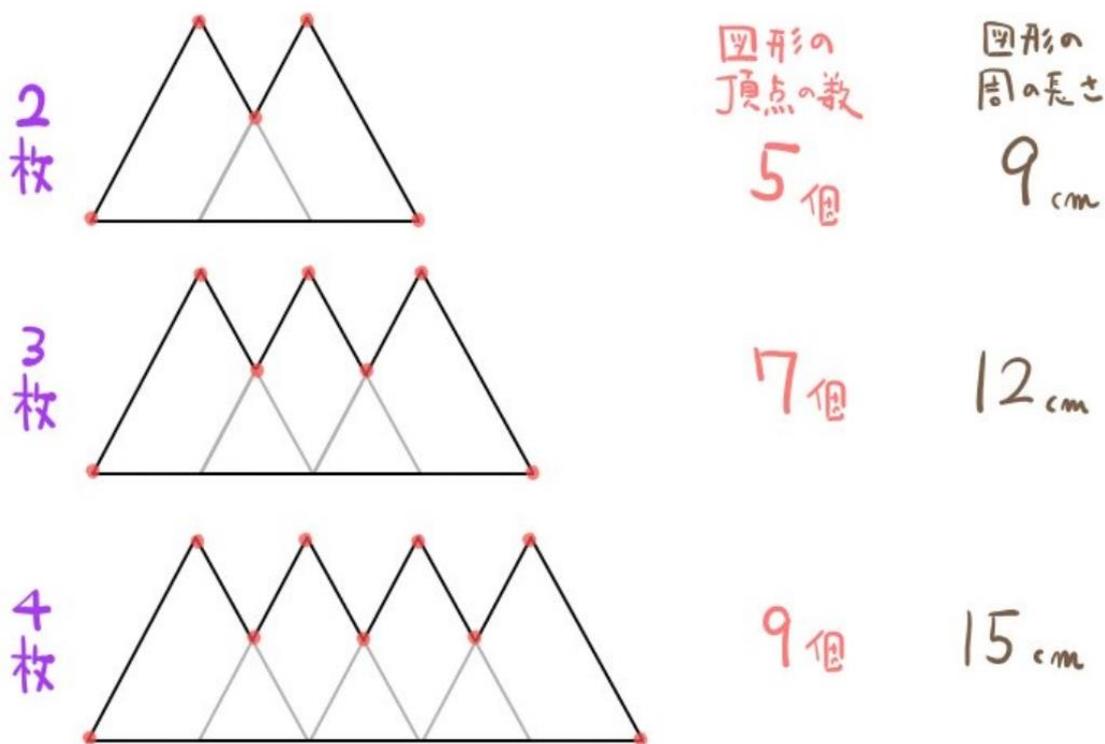
増える数 = 12

n番目の面積 = $15 + 12(n-1)$ パターン1
 $= 12n + 3$

規則性問題—5

次の図のように、各辺の長さが 2 cm の正三角形を、となり合う正三角形どうしの底辺が 1 cm ずつ重なるように貼り合わせて図形をつくっていく。実線部分は図形の周を表し、『・』は図形の頂点を表している。

三角形を n 枚張り合わせたときにできる図形の頂点の数と、周の長さについて、それぞれ n を用いた式で表せ。ただし n は 2 以上の自然数とする。



番目		1	2	3	n
枚数 (n)		2	3	4	
頂点の数		5	7	9	?
頂点の増加数			+2	+2	
周の長さ		9	12	15	
周の増加数			+3	+3	

頂点の数を求める式 $2 \times n + 1$ パターン7

周の長さを求める式 $3 \times n + 3$ パターン7

規則性問題—6

(1) 5 と 6 の間には 4 つの分数が並んでおり、その和は 22 である。同様に考えて、7 と 8 の間に並ぶ数の和を求めよ。

$$5, \frac{26}{5}, \frac{27}{5}, \frac{28}{5}, \frac{29}{5}, 6, \frac{31}{5}, \frac{32}{5}, \frac{33}{5}, \frac{34}{5}, 7, \frac{36}{5}, \frac{37}{5} \dots$$

$$\frac{36+37+38+39}{5} = 30$$

(2) 5 を 1 番目の数、 $\frac{26}{5}$ を 2 番目の数というように決めたとき、83 番目の数を求めよ。また n 番目の数を n の式で表せ。

番目	1	2	3	4	n
値	5	$\frac{26}{5}$	$\frac{27}{5}$	$\frac{28}{5}$	
増加		$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$?

注：5 は $\frac{25}{5}$

n 番目は $5 + \frac{1}{5}(n-1) = \frac{25+n-1}{5} = \frac{n+24}{5}$ パターン 1

83 番目は $5 + \frac{1}{5}(83-1) = \frac{107}{5}$

(3) 5と6の間に並んでいる数は4個ある。5と自然数 x の間に並んでいる数は何個あるか。 x を使った式を表せ。ただし、 $x > 5$ とする。

番目	1	2	3	4	x
自然数	5	6	7	8	
数	4	5	5	5	?

5と6の間だけ数字が「4個」で、あとは「5」個。
 また「5」個がいくつあるかは、6から x までなので $x - 6$
 $4 + 5(x - 6)$ パターン1

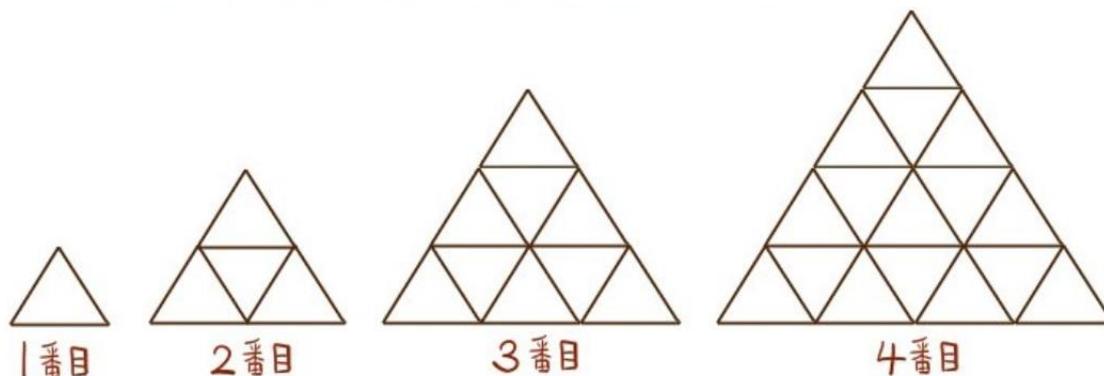
$$= 4 + 5x - 30$$

$$= 5x - 26$$

規則性問題—7

1辺の長さが1cmの正三角形を三角形Aとする。

1番目は三角形Aを1枚使い、2番目は三角形Aを4枚使い、…といったように、以下のように、三角形Aをすきまなく並べ、順番に図形を作ってゆく。



(1) 三角形の図形の個数、周りの長さについて、 n を使った式を表せ。

番目	1	2	3	4	n
周りの長さ	3	6	9	12	?
増加	+3	+3	+3		
三角形の個数	1	4	9	16	

周りの数は $3 + 3(n - 1) = 3n$

三角形の個数 n^2

(2) x 番目の三角形Aの個数に19を加えると、 $x+1$ 番目の三角形Aの個数となった。 x の値を求めよ。

$$x^2 + 19 = (x + 1)^2$$

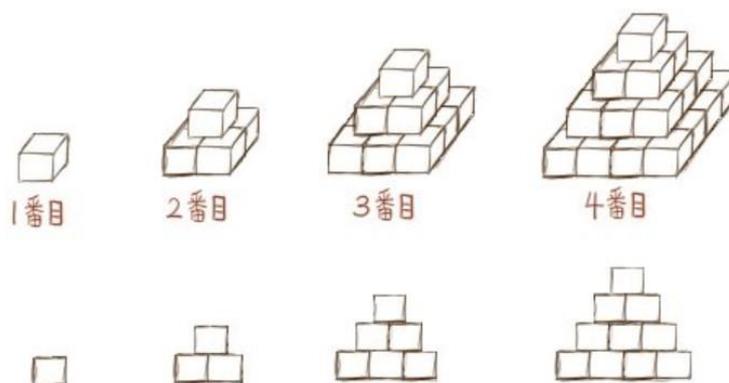
$$x^2 + 19 = x^2 + 2x + 1$$

$$x^2 - x^2 - 2x + 19 - 1 = 0$$

$$2x = 18 \quad x = 9$$

規則性問題—8

各辺の長さが1cmの立方体を、次のように、1番目、2番目と順に積んでゆく。また、それらの図形の正面から見た図についても次の通りである。



(1) 4番目の図形に使用した立方体の数を求めよ。

番目	1	2	3	4	n
立方体の数	1	5	14	?	?
増加の数		+4	+9	+	

増加数が4, 9は n^2 のパターン<パターン3>

$$14 + 16 (4の二乗) = 30個$$

(2) n番目の図形について、正面から見た形の面積をnの式で表せ。

番目	1	2	3	4	n
正面	1	3	6	10	
増え方		+2	+3	+4	
					$\frac{n(n+1)}{2}$

1ずつ増える<パターン4>

(3) n番目の図形の表面積をnの式で表せ。

番目	1	2	3	4	n
上下	1	4	9	16	n^2
側面	1 + 2	3 + 3	6 + 4	10	$\frac{n(n+1)}{2}$

上下は2箇所、側面は4か所あるので、表面積は

$$2 \times n^2 + 4 \times \frac{n(n+1)}{2} = 4n^2 + 2n$$

規則性問題—9

次の操作に従い、白い石と黒い石を順に置いていく。

1 番目の操作：白い石を 1 個置く。

2 番目の操作：1 番目に置いた白い石の外側に、黒い石を正方形の形に追加して置く。

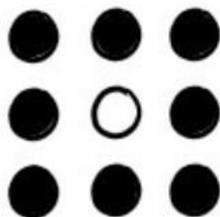
3 番目の操作：2 番目に置いた黒い石の外側に、白い石を正方形の形に追加して置く。

n 番目の操作： $n-1$ 番目に置いた石の外側に、その石と異なる色の意志を正方形の形に追加して置く。ただし n は 2 以上の自然数とする。(佐賀：改)

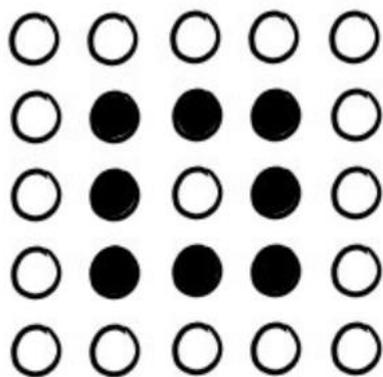
1
番目



2
番目



3
番目



(1) n 番目の操作では、 $n-1$ 番目に置いた石の外側に石を 72 個追加して置いた。 n の値を求めよ。

番目	1	2	3	4	5	n
辺の数	1	3	5	7	9	奇数 $2n-1$
増加		+2	+2	+2	+2	等差数列 $1+2(n-1)$ $=2n-1$
石の数	1	9	25	49	81	辺の数の二乗
増加		+8	+16	+24	+32	$8(n-1)$

石の数の増加は、 $8(n-1)$ だから、

$$8(n-1) = 72 \text{ から}$$

$$8n - 8 = 72$$

$$n = 10$$

(2) また、(1) のとき白い石は全部で何個あるか求めよ。

番目	1	2	3	4	5	n
白	1	1	17	17	49	奇数回ごと $(2n-2) \times 4$
			+16		+32	
黒	0	8	8	32	32	偶数回ごと、 $(2n-2) \times 4$
		+8		+24		

各 3, 5, 7, 9 ごと、

$$1 + 16 + 32 + 48 + 64 = 161$$

(3) また、(1) のとき黒い石は全部で何個あるか求めよ。

上記の (2) と同様に、

$$0 + 8 + 24 + 40 + 56 + 72 = 200$$

規則性問題—10

次のように、数を規則的に並べてゆく。

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1段目	1	4	9	16	25	
2段目	2	3	8	15	24	
3段目	5	6	7	14	23	
4段目	10	11	12	13	22	
5段目	17	18	19	20	21	

提示された表から規則を推測するパターン。

(1) 2段目の8列目の数を求めよ。

番目	1	2	3	4	5	n
1段目	1	4	9	16	25	n^2
2段目						1段目-1

2段目の8列は、1段目の8列目の-1だから

$$8 \times 8 = 64 \quad 64 - 1 = 63$$

(2) 8段目の1列目の数を求めよ。

n 段目の1列目 = 1段目の $n - 1$ 列目

1段目の7列目の値は $7 \times 7 = 49$ なので、

8段目の1列目の数は、50。

(3) 103は何段目の何列目か。

10×10 が1段目の10列目なので、

11段目の1列目が101

103は11段目の3列目。

規則性問題— 1 1

自然数を以下のように順にならべてゆくとき、 n 段目の左から m 番目にある数は何か。

1段目				1			
2段目			2		3		
3段目		4		5		6	
4段目	7		8		9		10

n 段目の左から m 番目は、という問題なので、
 n 段目は図の左側に着目、
そして m は自然数なので左端は0にするので $(m-1)$ 。

n 段目はパターン5に当てはまるので以下。

$$1 + \frac{n(n-1)}{2} = n \text{ 段目左端の数}$$

よって求める式は

$$1 + \frac{n(n-1)}{2} + (m-1) \quad \text{で、} \quad m + \frac{n(n-1)}{2}$$

規則性問題— 1 2

同じ長さのマッチ棒を用いて、下の図のように、一定の規則にしたがって、1番目、2番目、3番目、...とマッチ棒をつなぎ合わせて図形をつかっていく。用いたマッチ棒の数は1番目では4本、2番目では12本、3番目では24本である。

① 5番目の図形をつくるには何本のマッチ棒が必要？
 ② 14番目の図形をつくるには何本のマッチ棒が必要？
 ③ n番目の図形をつくるには何本のマッチ棒が必要か、nの式で表そう。

その他の動画

何番目とマッチ棒の数とその増加を表にする。

番目	1	2	3	4
マッチ棒	4	12	24	?
増加数		+8	+12	+?

見つけずらいときは、マッチ棒をたてとよこで見してみる。
 n番目をnで表現する規則性を探そう。

番目	1	2	3	4
横棒	2	6	12	?
横棒の構成	1 x 2	2 x 3	3 x 4	
nでの表現	$n \times (n + 1)$	$n \times (n + 1)$	$n \times (n + 1)$	

縦棒も同じなので、 $2n(n + 1)$
 5番目のマッチ棒は $10(5 + 1) = 60$ 本

(2) 14番目のマッチ棒の本数は
 $2n(n+1)$ に $n=14$ を代入して、
 $2 \times 14(14+1)$
 $=420$ 本

(3) n 番目の図形をつくる n の式

$$2n(n+1) = 2n^2 + 2n$$

規則性問題— 1 3

受験対策・規則性②

プロローグを含みます >

同じ長さのマッチ棒を用いて、下の図のように、一定の規則にしたがって、1番目、2番目、3番目、...とマッチ棒をつなぎ合わせて図形をつくっていく。用いたマッチ棒の数は、1番目では16本、2番目では36本、3番目では64本である。

① 4番目の図形をつくるには何本のマッチ棒が必要？

② n 番目の図形をつくるには何本のマッチ棒が必要か、 n の式で表そう。

0:03 / 14:18 1番目 2番目 3番目

番目	1	2	3	4
マッチ棒	16	36	64	100
ある数の二乗	4^2	6^2	8^2	10^2

ある数とは、偶数 2, 4, 6, 8, つまり $2n+2$ したもの。

$$(2n+2)^2$$

(1)

$$4 \text{ 番目は } (2 \times 4 + 2)^2 = 100$$

(2) n の式は

$$(2n+2)^2 = 4n^2 + 8n + 4$$

規則性問題— 1 4

プロモーションを含みます >

受験対策・規則性③

右の図のように、奇数のカードを1, 3, 5, ... という順番で、1段目が1枚、2段目が2枚、3段目が3枚、...と上から規則的に並べていきます。

1	1段目		
3	5	2段目	
7	9	11	3段目

① 1段目から5段目までのカードに書かれた数の和は？

② 6段目の右端に並ぶカードに書かれた数は？

③ 17段目の右端に並ぶカードの左隣にあるカードに書かれた数は？

再生 (k)

0:02 / 17:05

(1)

段目	1	2	3	4	5
数の和	1	9	36		225
数の和	1の二乗	3の二乗	6の二乗	10の二乗	15も二乗
増え方	+2	+3	+4	+5	

二乗の数が1, 3, 6, 10と2, 3, 4とあがっているので、次は15。
15の二乗で、225。

(2) カードの数はすべて奇数： $2n-1$

段目	1	2	3	4	n
カード枚数	1	2	3	4	パターン2

6段目までのカード枚数は、パターン2で

$$\frac{n \times (\text{最初の数} + \text{最後の数})}{2} \quad \text{なので、} \quad \frac{6 \times (1 + 6)}{2} = 21$$

$$21 \text{ 番目の奇数は } 2 \times 21 - 1 = 41$$

(3) 17段目の右端の数は、パターン4で計算して153。

$$\frac{n(n+1)}{2} = \frac{17(17+1)}{2} = 153$$

ひとつつてまえの奇数なので、

$$2 \times 153 - 1 - 2 = 303$$

規則性問題—15

受験対策・規則性④

プロモーションを含みます

正方形の形をした合同な白のタイルと黒のタイルを使って、ある規則にしたがってタイルを下の図のように並べていきます。



1番目



2番目



3番目

...

- ① 4番目に使った白のタイルの枚数は？
- ② 12番目に使った黒のタイルの枚数は？
- ③ n番目に使った白のタイルと黒のタイルの枚数を、それぞれnを使った式で表そう。
- ④ 使用したタイルの合計が113枚になるのは何番目？

番目	1	2	3	4	n
白	1	4	9	16	n ²
	+3	+5	+7		
黒	0	1	4	9?	(n-1) ²
	+1	+3	+5?		
合計	1	5	13	25?	
	+4	+8	+12?		

白： 1, 4, 9の数列なので、nの二乗

黒： 0, 1, 4, 9の数列なので、(n-1)の二乗

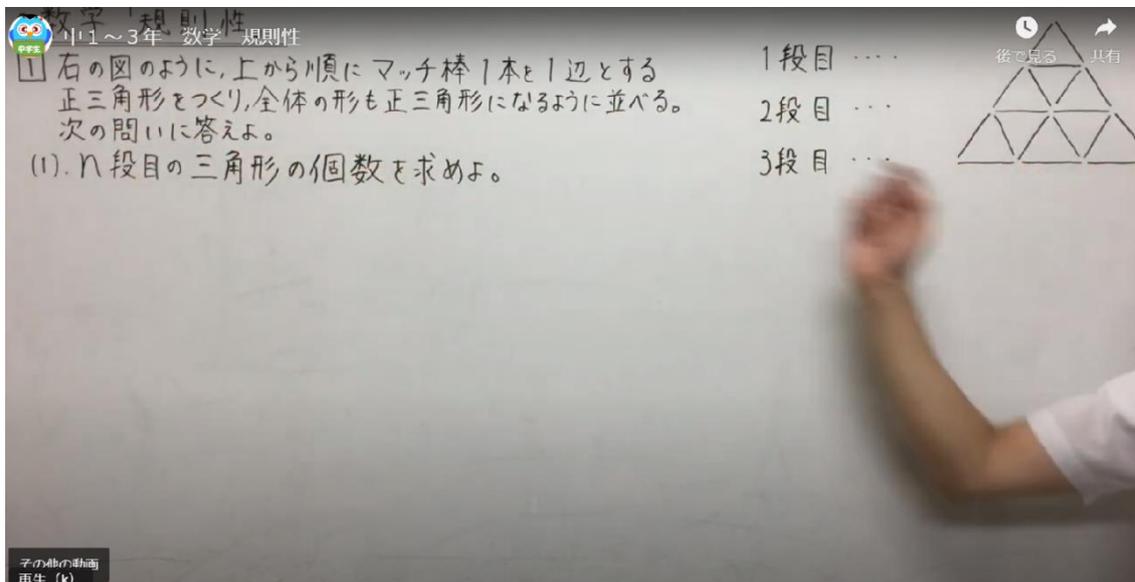
(1) 4番目の白タイル： 16

(2) 12番目の黒タイル： $11 \times 11 = 121$

(3) タイル合計： $n^2 + (n-1)^2$

(4) 113枚目は何番目： $n^2 + (n-1)^2 = 113 \quad n=8$

規則性問題— 16



段目	1	2	3	4	n
三角形の個数	1	3	5		
増	+ 2	+ 2			

(1) 表から

初項 = 1、交差 = 2 の等差数列

$$1 + 2(n - 1) = 1 + 2n - 2 = 2n - 1$$

(2) n 段目までの正三角形の合計の個数を求めよ

段目	1	2	3	4	n
三角形の個数	1	3	5	7	
合計	1	4	9	16	n 二乗

$$n^2$$

(3) n 段目までのマッチ棒の合計の本数を求めよ

段目	1	2	3	4	n
マッチ棒の本数	3	9	18	30	
増	+6	+9	+12	+15	

規則性が見つからない場合、

$an^2 + bn + c = \text{値}$ に $n=1$ 、 $n=2$ 、 $n=3$ を代入し、3つの方程式を作り解く。

$$n=1 \quad a + b + c = 3$$

$$n=2 \quad 4a + 2b + c = 9$$

$$n=3 \quad 9a + 3b + c = 18$$

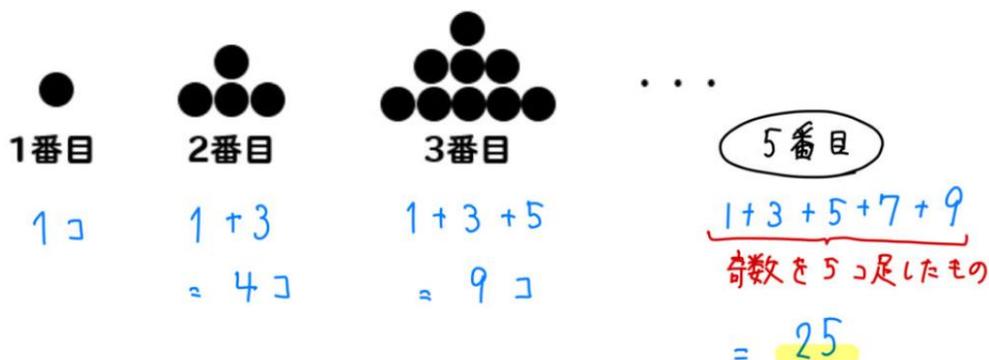
$$a = \frac{3}{2}, \quad b = \frac{3}{2}, \quad c = 0$$

n 番目のマッチ棒は

$$\frac{3}{2}n^2 + \frac{3}{2}n$$

規則性問題—17

次の図のように基石を増やしていく。



(1) 5番目の基石の個数は全部で何個になるか。

パターン3

番目	1	2	3	4	5
●の数	1	4	9	16	25
増加		+3	+5	+7	

(2) 10番目の基石の個数は全部で何個になるか。

$$10 \times 10 = 100 \text{ 個}$$

あるいは、

n番目の個数は、 $1+3+5+7+\dots+n$ 番目の奇数

奇数は $2n-1$ だから、10番目の数は $2 \times 10 - 1 = 19$

等差数列の和の公式

$$\frac{n}{2} \times \{(\text{最初の数}) + (\text{最後の数})\}$$

$$\frac{10}{2} \times (1 + 19) = 100$$

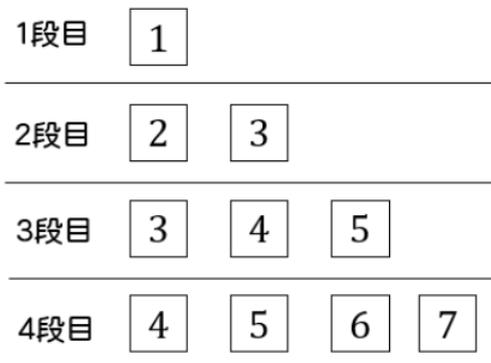
(3) n番目の基石の個数をnを用いて文字で表しなさい。

$$\frac{n}{2} \times \{(1) + (2n-1)\}$$

$$= n^2$$

規則性問題— 18

下の図のように、ある規則に従って自然数が書いてあるカードを並べる。



- (1) 7段目の一番右に置かれた数は何か。
- (2) n 段目の一番右に置かれた数を n を使った式で表せ。
- (3) 31の数がはじめて出てくるのは何段目か。

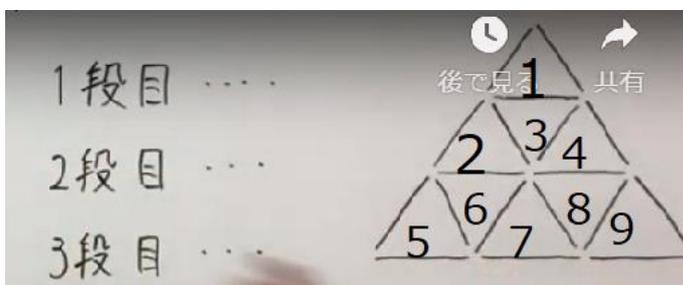
段目	1	2	3	4	n
右の数	1	3	5	7	$2n - 1$
増加	$+2$	$+2$	$+2$		

(1) 7段目の右の数は、奇数の7番目の数だから
 $2n - 1$ で、 $n = 7$ 13.

(2) n 段目の右の数は
 $2n - 1$

(3) 31の数がはじめて出てくるのは
 31も奇数だから、
 $2n - 1 = 31$ で、 $n = 16$ 段目

規則性問題— 19



(1) 6段目の最も大きな数

段目	1	2	3	4	n
右の数	1	4	9		n 二乗

6の二乗で36

n段目のもっとも大きな数をnで表すと n^2

(2) 1024枚で正三角形を作った。最下段の正三角形の枚数は？

1024枚は何段目かというと

$$n^2 = 1024 \quad n = 32$$

段目	1	2	3	4	32
正三角形の数	1	3	5	7	?

等差数列の32番目の値なので、

$$1 + 2(32 - 1) = 63 \text{ 枚}$$

数量を式に表す問題—全般

基本の式を覚えておき、求めたい項をXにして式にする。

0. 単位の確認

- (1) 小数 0.02
- (2) % 2%
- (3) 割合 2分 (割、分、厘、毛)

1. 距離＝速度×時間

距離、速度、時間とも単位に注意。

2. 食塩水

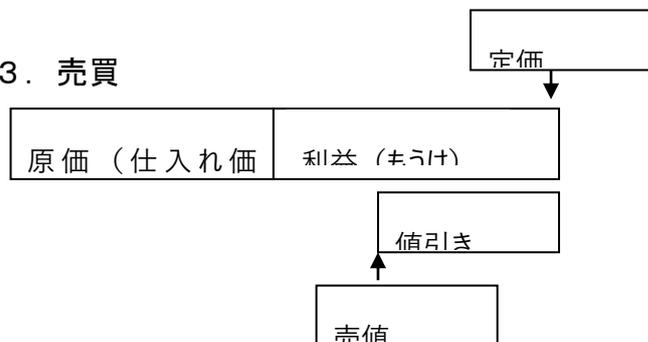
$$\text{濃度} = \frac{\text{食塩}}{\text{食塩水 (水+食塩)}}$$

8%の食塩水に水を加えて、6%の食塩水を400gつくりたい。

8%の食塩水何gに水を何g加えればよいか。

この場合、薄める前後の食塩の量を等号で結ぶ。

3. 売買



代金：

$$\text{単価} \times \text{数量}$$

4. 整数の性質

十の位の数^が5である2けたの整数がある。十の位の数と一の位の数を入れかえた数は、もとの数より18小さい。もとの整数を求めよ。

10の位を10×5、**1の位をa**として、入れ替え前後を等式でむすぶ。

5. 平均

すべて得点の合計÷人数＝平均点

6. 面積・体積・円周率・周

(1) 正方形の周： $4a$

(2) 長方形の周： $2(a+b)$

(3) 円周： $2\pi r$ 半円周： $2r+\pi r$

7. 増減

8. その他